Qualitätsmanagement-Handbuch

VIII Messgröße Frequenz

VIII.1 Kalibrierverfahren

VIII.1.1 Zeitbasen

Die Kalibrierung von Zeitbasen erfolgt durch direkte Messung mit einem Universalzähler wie z.B. PM6680B (Bild VIII.1). Die Zähler werden über die Normalfreguenzverteilung des Rubidiumstandards auf die Frequenz des GPS-Empfängers rückgeführt. Da diese Zähler jedoch auch der regelmäßigen Kalibrierung des eigenen internen Oszillators unterliegen, ist auch eine Nutzung im nicht synchronisierten Betrieb möglich. Vor Beginn jeder Messung ist die gewählte Referenzfrequenz (ob intern oder externe Referenz) zu überprüfen, da diese die Gesamtunsicherheit der Kalibrierung wesentlich beeinflusst. Auch muss durch eine "Kurzschlussmessung" mit einem durch dieselbe Normalfrequenz synchronisierten Generator die Funktionalität des Messaufbaus sichergestellt werden. Nur wenn sich eingestellter und gemessener Wert nicht unterscheiden (Übereinstimmung auf ±1 D), darf die Kalibrierung durchgeführt werden. Das Messergebnis der meisten Zähler umfasst 10 Stellen, durch Subtraktion mit der MATH-Funktion des Zählers können zwei weitere (sonst nur intern vorhandene) Stellen zur Anzeige gebracht werden, MATH (K·X+L)/M mit K=1; L= -10E6; M=1. Hochauflösende digitale Zähler wie Keysight 53230A zeigen sogar 15 Stellen an, so dass eine Direktmessung mit Auflösungen auf 1 · 10⁻¹⁴ möglich ist.

Triggerfehler des Normals werden durch die Erfassung von Mehrfachmesswerten berücksichtigt.

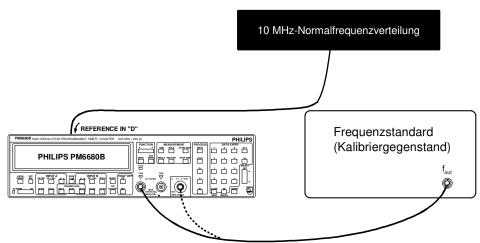


Bild VIII.1: Kalibrierung von Zeitbasen/Frequenzstandards

Bei niedrigen Frequenzen (f ≤ 10 MHz) und Genauigkeiten, die am Zähler in Direktmessung nicht mehr abgebildet werden können, kann die Bestimmung der relativen Frequenzunsicherheit durch Phasenzeitdifferenzmessungen erfolgen. Die relative Frequenzdifferenz ergibt sich dabei aus der zeitlichen Änderung der gemessenen Phasenzeitdifferenzen dividiert durch die Messzeit gemäß der Formel

$$\frac{\Delta f}{f} = \frac{\varphi(t_2) - \varphi(t_1)}{2\pi \cdot f \cdot \left(t_2 - t_1\right)}.$$

Der Wert der Phasenzeit $\frac{\varphi}{2\pi \cdot f}$ wird durch eine Zeitintervallmessung mit einem Universalzähler (wie

z.B. PM6680B) oder einem Oszilloskop ermittelt.

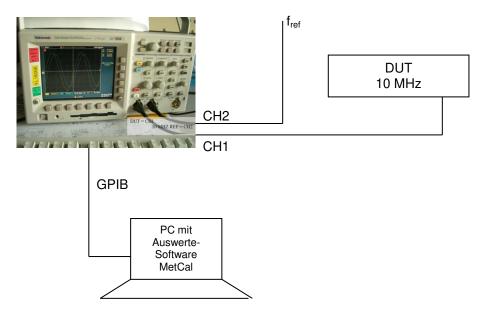
Ausgabe:	erstellt	geprüft/genehmigt	Kapitel	Seite
DMS.41	von: PF am: 06.08.2018	von: s. DMS am: s. DMS	Qualitätsmanagementhandbuch - VIII Messgröße Frequenz	1



Qualitätsmanagement-Handbuch

Phasendifferenzzeitmessung am Oszilloskop

An einem Oszilloskop kann über die kontinuierliche Aufzeichnung und Ermittlung der Phasendifferenz zwischen Test- und Referenzsignal die relative Frequenzabweichung gemessen werden:



VIII.1.2 Frequenzzähler

Frequenzzähler werden an einem der Signalgeneratoren wie z.B. Marconi 2031, Rohde & Schwarz SMP04, Wavetek 395 etc. kalibriert (Bild VIII.2). Die Generatoren können durch PLL-gesteuerte Synthesizer Frequenzen im Bereich von 1 mHz bis 40 GHz aus der Referenzfrequenz erzeugen. Wie in VIII.1.1 genannt ist vor Beginn jeder Messung die gewählte Referenzfrequenz (ext. Ref.) zu überprüfen und es muss ebenfalls durch eine "Kurzschlussmessung" mit einem durch dieselbe Normalfrequenz synchronisierten Zähler die Funktionalität des Messaufbaus sichergestellt werden. Nur wenn sich eingestellter und gemessener Wert nicht unterscheiden darf die Kalibrierung durchgeführt werden.

Triggerfehler des Messobjektes werden durch die Erfassung von Mehrfachmesswerten berücksichtigt.

Die relevanten Einstellungen des Kalibriergegenstandes werden im Kalibrierschein vermerkt, sie richten sich üblicherweise nach den Vorschriften des Herstellers, Abweichungen können auf Wunsch des Kunden erfolgen.

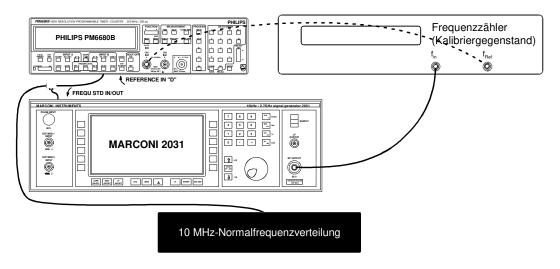


Bild VIII.2 Kalibrierung von Frequenzzählern

Ausgabe:	erstellt	geprüft/genehmigt	Kapitel	Seite
DMS.41	von: PF am: 06.08.2018	von: s. DMS am: s. DMS	Qualitätsmanagementhandbuch - VIII Messgröße Frequenz	2

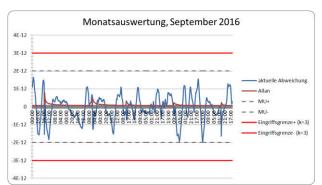
Qualitätsmanagement-Handbuch

VIII.2 Messunsicherheit

VIII.2.1 Erzeugung von Frequenzen im Bereich 0,01 Hz bis 40 GHz

Das Frequenznormal besteht aus einem hochstabilen Rubidiumoszillator, der nach den Spezifikationen des Herstellers im Freilaufbetrieb eine Drift von weniger als 5 · 10⁻¹¹ pro Monat besitzt. Die Kurzzeitstabilität liegt für eine Messdauer von 100 s bei ≤8 · 10⁻¹³.

Um den absoluten Wert der Referenzfrequenz bei 10 MHz zu halten wird durch einen GPS-Empfänger die Abweichung der Rubidiumfrequenz anhand der empfangenen Trägerfrequenz minimiert. Um den permanenten Empfang und die fehlerfreie Verteilung im Labor zu garantieren, steht ein weiterer GPS-Empfänger mit nachgeführtem 10 MHz Oszillator zur Verfügung. Die Frequenzausgänge dieser beiden Normale werden an einem hochauflösendem Zähler (Keysight 53230A) permanent gegeneinander verglichen. Die Messdaten werden dabei kontinuierlich in eine Datei geschrieben (siehe K:\Intranet\DKD-QS\DKD\Ringvergleiche\intern\Frequenznormale). Die beobachteten Änderungen werden permanent auf die gegenseitige Unsicherheit der beiden Frequenznormale überprüft (als Akzeptanzkriterium gilt $E_n \le 1$), typischerweise liegen sie $\le 1 \cdot 10^{-12}$. Selbst im Freilaufbetrieb (z.B. bei Synchronisationsverlust) wird angenommen, dass diese Übereinstimmung über wenige Stunden bis zur Feststellung der Abweichung oder nächsten Synchronisation aufrecht erhalten werden kann.





exemplarische Auswertung des permanenten Frequenzvergleichs¹ und Auswertung der gegenseitigen Abweichung

Modellgleichung

$$f_{\textit{Synthese}} = f_{\textit{eingestellt}} \cdot K_{f \, \text{Re} \, f} \cdot K_{\Delta f \, \text{Ref}} \cdot K_{\textit{Trigger}} \cdot K_{\textit{Drift}}$$

mit

f_{Synthese} synthetisierte Frequenz durch PLL-Kopplung

f_{eingestellt} eingestellte Frequenz am Generator

 $K_{f,Ref}$ Korrektionsfaktor der Zeitbasis des Generators. Wird der Generator mit externer 10 MHz Versorgung gespeist gilt $K_{f,Ref}$ =1. Sofern die interne

externer 10 MHz Versorgung gespeist gilt $K_{f,Ref}$ =1. Sofern die interne Oszillatorfrequenz verwendet wird kann diese Abweichung korrigiert werden. Ohne Korrektion kann eine Berücksichtigung der eigenen Frequenzabweichung als u-verteilter Unsicherheitsbeitrag erfolgen oder es wird die Herstellerspezifikation als ("worst case") Intervallgrenze einer

Rechteckverteilung angenommen.

K_{Δf,Ref} Korrektionsfaktor der Zeitbasis der externen 10 MHz Versorgung. Sofern von idealem Anschluss an die Normalfrequenzen von GPS ausgegangen wird ist dieser Anteil sehr klein und wird durch Kontrollmessungen zweier GPS-disziplinierter-Rubidiumfrequenznormale gegeneinander abgeschätzt.

¹ K:\Intranet\DKD-QS\DKD\Ringvergleiche\intern\Frequenznormale

Ausgabe:	erstellt	geprüft/genehmigt	Kapitel	Seite
DMS.41	von: PF am: 06.08.2018	von: s. DMS am: s. DMS	Qualitätsmanagementhandbuch - VIII Messgröße Frequenz	3



Qualitätsmanagement-Handbuch

Typisch ergeben sich 1,0 ·10⁻¹² (Normalverteilung). Ansonsten wird die Herstellerspezifikation der verwendeten Zeitbasis als ("worst case") Intervallgrenze einer Rechteckverteilung angenommen.

 $K_{Trigger}$

Korrektion durch statistische Triggerabweichung des Messobjektes durch nicht ideale PLL-Synthese, Rauschen in den Eingangsstufen, Flankensteilheit oder Hysterese am Triggerpunkt. In der Regel liegt diese in der Größenordnung der letzten signifikanten Anzeigestelle.

 K_{Drift}

Wird ein Generator an der eigenen Oszillatorfrequenz betrieben so muss deren Drift bei der Synthese berücksichtigt werden. Die Langzeitdrift kann durch den Vergleich von aufeinander folgenden Kalibrierungen ermittelt werden. Wird die Herstellerspezifikation eines Generators im Freilaufbetrieb verwendet, so ist dieser Anteil üblicherweise bereits im Beitrag von K_{fBef} enthalten.

Tabellarische Darstellung der Messunsicherheitsbilanz:

Größe	Schätzwert	Halbbreite	Verteilung	Unsicherheit	Sensitivität	Unsicherheitsbeitrag
X_i	X i	а		$w(x_i)$	skoeffizient c _i ²	$w_i(y)^3$
f _{Synthese}	$f_{\it eingestellt}$					
$K_{\mathit{f},Ref}$	1	a _{Ref}	Rechteck	$\frac{a_{\mathrm{Re}f}}{\sqrt{3}}$	1	w_Ref
$K_{\Delta f, Ref}$	1	a _{∆,Ref}	Normal	$a_{\Delta,\mathrm{Re}f}$	1	$\mathbf{W}_{\Delta,Ref}$
$K_{Trigger}$	1	S _{Trigger}	Normal	$\frac{S_{Trigger}}{\sqrt{n}}$	1	W Trigger
K_{Drift}	1	a _{Drift}	Rechteck	$\frac{a_{Drift}}{\sqrt{3}}$	1	W Drift
f _{Synthese}	Si	tandarduns	icherheit	$w(f_{Synthese}) = \sqrt{\sum_{i}^{2}}$	$\sum_{i=1}^{N} c_i^2 u_i^2(y)$	$\mathbf{w}(f_{Synthese})$
Synthese	rel. erweit	erte Messu	nsicherheit (k=2)	W(y) = k	w(y)	W(y)
	abs. erv	veiterte Me	ssunsicherheit	U(y) = W(y)	$\cdot f_{\mathit{Synthese}}$	U(y)

³ relative Beiträge werden mit w referenziert; absolute Beiträge mit u

Ausgabe:	erstellt	geprüft/genehmigt	Kapitel	Seite
DMS.41	von: PF am: 06.08.2018	von: s. DMS am: s. DMS	Qualitätsmanagementhandbuch - VIII Messgröße Frequenz	4

 $^{^{2}} c_{i} = \frac{\partial f}{\partial K_{i}}$



Qualitätsmanagement-Handbuch

eingesetzt ergibt sich ($f_{Synthese}$ =10 MHz, synchronisiert über GPS, Messobjekt Keysight 53230 A^4 , Messzeit 1000 Sekunden):

Größe	Schätzwert	Halbbreite	Verteilung	Unsicherheit	Sensitivität skoeffizient	Unsicherheitsbeitrag
X_i	X i	а		$w(x_i)$		<i>w_i(y)</i>
f _{Synthese}	$f_{\it eingestellt}$					
$K_{\mathit{f},Ref}$	1	-	-	-	-	-
$K_{\Delta f,Ref}$	1	1,0 ·10 ⁻¹²	Normal	1,0 ·10 ⁻¹²	1	1,0 ·10 ⁻¹²
$K_{Trigger}$	1	$\frac{0.01\mu\text{Hz}}{10\text{MHz}}$	Normal	1 ·10 ⁻¹⁵	1	1 ·10 ⁻¹⁵
K_{Drift}	1	-	-	-	-	-
f _{Synthese}	S	tandardunsi	cherheit	$w(f_{Synthese}) = \sqrt{\sum_{i}}$	$\sum_{i=1}^{N} c_i^2 w_i^2(y)$	1,0 ·10 ⁻¹²
	rel. erweit	erte Messui	nsicherheit (k=2)	W(y) = k	w(y)	2,0 ·10 ⁻¹²

Ergebnisse:

Bereich	Verfahren	U _{Gesamt}
0 Hz bis 40 GHz	digitale Frequenzsynthese	$2.0 \cdot 10^{-12} \cdot f + u_{Trigger}$

VIII.2.2 Frequenzmessung durch Phasenzeitdifferenzmessung

Die Messung der Frequenzen 1 MHz, 2 MHz, 3 MHz, 4 MHz, 5 MHz, 6 MHz, 7 MHz, 8 MHz, 9 MHz und 10 MHz kann mit einem Oszilloskop durch eine Phasenzeitdifferenzmessung (siehe VIII.1.1) erfolgen.

Modellgleichung

 K_{ϕ}

$$\frac{\Delta f_{DUT}}{f_{DUT}} = \frac{\Delta T}{t} \cdot K_{f \text{ Ref}} \cdot K_{\Delta f \text{ Ref}} \cdot K_{\varphi} \cdot K_{t}$$

mit

 $\Delta f_{DUT}/$ gesuchte rel. Frequenzabweichung des Messobjektes $f_{DUT}/\Delta T$ Phasendifferenzzeit im Messintervall t t Messintervall (Messzeit) >1 h $K_{f,Ref}$ Korrektionsfaktor der 10 MHz Vergleichsfrequenz. Wird der Generator mit externer 10 MHz Versorgung gespeist gilt $K_{f,Ref}$ =1 $K_{\Delta f,Ref}$ Korrektionsfaktor der Zeitbasis der externen 10 MHz Versorgung, siehe Abs. VIII.2.1

Korrektion durch die endliche Auflösung der Phasenlage zwischen Signal 1

und Signal 2. Werte ergeben sich bei Nutzung des Oszilloskops mit einer

4 Der Triggerfehler dieses möglichen (besten) Messobjektes ist bereits im Unsicherheitsbeitrag von K∆f,Ref enthalten, da die durchschnittliche Streuung der Kontrollmessungen auf der Auswertung dessen Frequenzmessungen basieren. Im

Ausga	be:	erstellt			geprüft/g	enehmigt	Ka	pitel								Seite	
			-			-			telle als zus	,				_			
	uululaaliili	unone c	Jugunig	uei	I COLLEGIONITIE	-ssurigeri	auı	uei	Auswelluli	1 0033011	110	guenz	IIICoou	nigen	Dasielell	. 1111	

Ausgabe:	erstellt	geprüft/genehmigt	Kapitel	Seite
DMS.41	von: PF am: 06.08.2018	von: s. DMS am: s. DMS	Qualitätsmanagementhandbuch - VIII Messgröße Frequenz	5



Qualitätsmanagement-Handbuch

Auflösung von 0,1° bis 0,5° von etwa
$$a_{\varphi} = \frac{0.14 \text{ ns}}{3600 \text{ s}} = 3.9 \cdot 10^{-14}$$

K_t Die Messzeit t muss ausreichend groß sein. Sie wird am Einfachsten mit einer Stoppuhr oder im automatisierten Messaufbau durch die Software bestimmt. Messzeiten von mindestens einer Stunde sind zu empfehlen um diesen Einfluss vernachlässigbar klein zu halten. Die Bestimmung der Messzeit mit der Software unterliegt einer Unsicherheit von wenigen Zehntelsekunden, im "worst case" wird ein Wert von 0,2 s für die Unsicherheit bei der Bestimmung der Messzeit abgeschätzt.

Diese Unsicherheit der Zeitmessung ergibt einen zusätzlichen Ablesefehler bei der Bestimmung der Phasenzeitdifferenz. Die Phasenzeitdifferenzmessung wird in der Regel nur bei der Kalibrierung von Referenzfrequenzen eingesetzt, deshalb wird hier eine relative Frequenzunsicherheit der zu messenden Frequenz von maximal 10^{-9} angenommen. Dies ergibt bei der minimalen Messzeit von 1 h eine Phasenzeitdifferenz von 3,6 μs . Die Änderung der Phasenzeitdifferenz im Ablesezeitraum von 0,2 s beträgt unter diesen Voraussetzungen maximal 0,2 ns. Dies entspricht also einem relativen Unsicherheitsintervall von 0,56 \cdot 10^{-13} .

Zur experimentellen Bestätigung dieser Abschätzungen wurde die Referenzfrequenz des Rubidiumoszillators auf beide Eingänge des Oszilloskops gegeben. Es wurde im Verlauf der Messzeit von einer Stunde eine Phasenzeit von <0,2 ns bzw. eine rel. Abweichung von <5 · 10⁻¹⁴ angezeigt, was etwa das "Messrauschen" des Verfahrens darstellt.

Da als wesentlicher Anteil lediglich der Beitrag von $K_{M,Ref}$, also die Frequenzunsicherheit selbst, in das Ergebnis eingeht kann analog zu VIII.2.1 gezeigt werden:

W	ert					Verfahren	U _{Gesamt}
1	MHz	bis	10	MHz	in	Phasendifferenzzeitmessung	$2.0 \cdot 10^{-12} \cdot f$
Sc	hritten v	on 1 N	ИHz				

VIII.2.3 Digitale Frequenzmessung auf Zählbasis

Zur digitalen Frequenzmessung auf Zählbasis werden Universalzähler wie Philips PM6680B oder ähnlich verwendet. Zur Rückführung der Frequenz wird der Zähler mit der externen Referenzfrequenz des Rubidiumoszillators versorgt. Neben der Unsicherheit der externen Referenzspeisung sind lediglich die endliche Auflösung und die Triggerunsicherheit (Anzeigerauschen) bei der Bestimmung der Messunsicherheit von Bedeutung. Die tatsächliche Triggerunsicherheit lässt sich durch Mehrfachmesswerte mit deren empirischer Standardunsicherheit bestimmen. In der Regel liegt diese in der Größenordnung der letzten signifikanten Anzeigestelle. Demzufolge kann die MU-Bilanz aus VIII.2.1 verwendet werden.

Mit der niederwertigsten Stelle (LSD) des jeweils verwendeten Zählers ergibt sich

Bereich	Verfahren	U _{Gesamt}
0 Hz bis 40 GHz	digitale Messung auf Zählbasis	$\sqrt{(2,0\cdot 10^{-12}\cdot f)^2 + u_{Trigger}^2 + \left(\frac{0.5\cdot LSD}{\sqrt{3}}\right)^2}$

Ausgabe:	erstellt	geprüft/genehmigt	Kapitel	Seite
DMS.41	von: PF am: 06.08.2018	von: s. DMS am: s. DMS	Qualitätsmanagementhandbuch - VIII Messgröße Frequenz	6



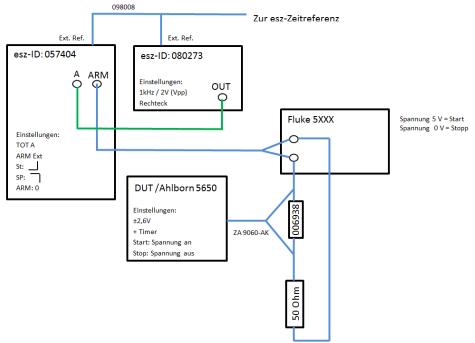


Qualitätsmanagement-Handbuch

VIII.2.4 Variante mit Stoppuhr oder (Hand-)Zeitmessgerät als Normal

Eine nach VIII.4 kalibrierte (Stopp-)Uhr oder z.B. ein Zähler in "Totalize"-Funktion extern betätigter Zähler (externer "ARM"-Eingang) kann grundsätzlich als Zeitnormal verwendet werden. In diesem Fall sind die zusätzlichen Triggerunsicherheiten durch die Start- und Stoppzeitpunkte an Normal und ggf. am Prüfling darzustellen und zu bestimmen. Diese Unsicherheitsintervalle betragen typisch

- 10 ns bei elektronischer Triggerung (z. B. als Halbbreite der Anstiegszeit eines zur Triggerung verwendeten Funktionsgenerators)
- 0,5 s bei mechanischer Triggerung (Start- / Stop manuell ausgelöst)
- 1 s bei "visueller Triggerung", d.h. Ablesen und Vergleich der Anzeigen



Messbeispiel für "elektronische Auslösung" an Hewlett Packard 5334B (DUT = Ahlborn 5650)

Die Modellgleichung aus MU-Bilanz aus VIII.2.1 erweitert damit den Faktor $K_{Trigger}$ um

$$K_{\textit{Trigger}} = K_{\textit{Trigger,Start}} \cdot K_{\textit{Trigger,Stop}} \cdot K_{\textit{Digit}} \cdot K_{\textit{DUT,Start}} \cdot K_{\textit{DUT,Stop}}$$

Wird statt einer Vergleichsuhr ein Zeitintervall bestimmt, können die Anteile $K_{DUT,Start}$ und $K_{DUT,Stop}$ entfallen.

Dabei kann gezeigt werden, dass die erweiterte Messunsicherheit

Ausgabe:	erstellt	geprüft/genehmigt	Kapitel	Seite
DMS.41	von: PF am: 06.08.2018	von: s. DMS am: s. DMS	Qualitätsmanagementhandbuch - VIII Messgröße Frequenz	7





Beispielbudget für die Bestimmung eines Zeitintervalls von 60 s mit einer Stoppuhr der nominellen Abweichung von 1 s/d

Größe	Schätzwert	Halbbreite	Verteilung	Unsicherheit	Sensitivität skoeffizient	Unsicherheitsbeitrag
X_i	X i	а		$w(x_i)$	C _i	$w_i(y)$
t_{DUT}	60 s					
$K_{\!arDelta f, Re f}$	1	1 s/d	Rechteck	$\frac{1 s}{86400 s\sqrt{3}}$	1	6,7 · 10 ⁻⁶
$K_{ extit{Digit}}$	1	0,005 s	Rechteck	$\frac{0,005 s}{60 s\sqrt{3}}$	1	83 · 10 ⁻⁶
$K_{ extit{Trigger},}$ Start	1	0,5 s	Rechteck	$\frac{0.5 s}{60 s \sqrt{3}}$	1	4,8 · 10 ⁻³
$K_{Trigger,}$ Stop	1	0,5 s	Rechteck	$\frac{0.5 s}{60 s \sqrt{3}}$	1	4,8 · 10 ⁻³
t_{DUT}	Standardunsicherheit			$w(t_{DUT}) = \sqrt{\sum_{i=1}^{N}}$	$c_i^2 u_i^2(y)$	6,8 · 10 ⁻³
	rel. erweiterte Messunsicherheit (k=2)			W(y) = k	w(y)	14 · 10 ⁻³
	abs. erwei	terte Messu	ınsicherheit (k=2)	U(y) = W(y)	$(t) \cdot t_{DUT}$	0,82 s

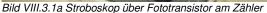
VIII.3 Kalibrierung von Drehzahl

Die Messgröße Drehzahl kann direkt auf die stabilisierte Frequenzmessung rückgeführt werden.

VIII.3.1 Kalibrierung von Stroboskopen

Zur Kalibrierung von Stroboskopen wird üblicherweise ein Fototransistor wie TFK BPW 14A 622 in open-collector Schaltung verwendet, dessen Ausgangssignal direkt auf einen der elektronischen Zähler gekoppelt werden kann. Im üblichen Arbeitsbereich von 1 U/min bis 200000 U/min (ca. 0,02 s⁻¹ bis 3500 s⁻¹) garantiert der Empfänger verlässliche Ergebnisse.





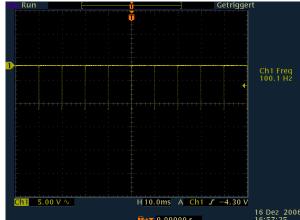


Bild VIII.3.1b Ausgangssignal am Oszilloskop

Die Modellgleichung dieses Messverfahrens formuliert sich als

$$f_{Strobo} = f_{Z\ddot{a}hler} + \delta f_{Uf} + \delta f_{Stab} + \delta f_{System} + \delta f_{Res}$$

mit

Ausgabe:	erstellt	geprüft/genehmigt	Kapitel	Seite
DMS.41	von: PF am: 06.08.2018	von: s. DMS am: s. DMS	Qualitätsmanagementhandbuch - VIII Messgröße Frequenz	8



Qualitätsmanagement-Handbuch

 f_{Strobo} gesuchte Blitzfrequenz des Stroboskops

f_{Zähler} gemessene Frequenz am Zähler. Die Abweichung durch die Messunsicherheit bei

elektronischer Zählmessung ist gegen die übrigen Einflüsse vernachlässigbar klein.

*Sf*_{Stab} Kurzzeitstabilität des Stroboskopblitzes. Mit dem eigenen Stroboskop wurden z. B. Kurzzeitschwankungen von max. 0,03 s⁻¹ für Frequenzen größer 60 Hz festgestellt.

Für die kleinste angebbare Unsicherheit kann dieser Anteil jedoch zunächst unberücksichtigt bleiben, bei der konkreten Messung wird der Beitrag üblicherweise

durch die Erfassung von Mehrfachmesswerten ermittelt

 δf_{System} Eine mögliche Systemabweichung wurde empirisch durch Messung des Signals am

Transistorausgang bei Beleuchtung mit Pulsen über eine Sendediode ermittelt. Die Photodiode war dazu direkt am $50\,\Omega$ Ausgang eines zeitbasisstabilisierten Generators angeschlossen. Im Bereich von 1 Hz bis 10 kHz ergaben sich statistische Abweichungen von maximal $3\cdot 10^{-6}$, die als Grenzen einer Rechteckverteilung

angenommen werden.





Bild VIII.3.2 Systemverifikation am Zähler über Sendediode als Lichtimpulsgeber

 δf_{Res} Rundungsabweichung durch die letzte dokumentierte Stelle des Ergebnisses (max.

±1 Digit)

Ausgabe:	erstellt	geprüft/genehmigt	Kapitel	Seite
DMS.41	von: PF am: 06.08.2018	von: s. DMS am: s. DMS	Qualitätsmanagementhandbuch - VIII Messgröße Frequenz	9





calibration & metrology

Qualitätsmanagement-Handbuch

Messunsicherheitsbilanz:

Für die dem Ergebnis beizuordnende Standardmessunsicherheit ergibt sich mit allen Sensitivitätskoeffizienten |c_i|=1 daraus:

$$u_{f,Strobo}^2 = u_f^2 + u_{Stab}^2 + u_{System}^2 + u_{Res}^2$$

Tabellarische Darstellung der Messunsicherheitsbilanz:

Größe <i>X_i</i>	Schätzwert x _i	Standard- messunsicherheit <i>u(x_i)</i>	Verteilung	Sensitivitäts- koeffizent <i>c_i</i>	Unsicherheits- beitrag u _i (y)
f	$ar{f}$	$U_f/2$	Normal	1	U _f
δf_{Stab}	0	$\Delta(\delta f_{Stab})/\sqrt{3}$	Rechteck	1	U _{Stab}
δf_{System}	0	$\Delta(\delta f_{System})/\sqrt{3}$	Rechteck	1	U _{System}
δt_{Res}	0	$\Delta(\delta f_{\mathrm{Re}s})/\sqrt{3}$	Rechteck	1	U _{Res}
f_{Strobo}	\bar{f}				U _{f,Strobo}

Mit den oben aufgeführten Größen ergibt sich gemäß DKD-3:2002 Abschnitt4 aus der Modellgleichung für die dem Ergebnis △Ybeizuordnende erweiterte Messunsicherheit (k=2) die relative erweiterte Messunsicherheit (k=2):

$$W_{rel}(f_{Strobo}) = 2 \frac{u_{f,Strobo}}{f_{Strobo}}$$

eingesetzt ergibt sich im Idealfall, z.B. 1 Hz:

Größe <i>X_i</i>	Schätzwert x _i	Standard- messunsicherheit <i>u(x_i)</i>	Verteilung	Sensitivitäts- koeffizent <i>c_i</i>	Unsicherheits- beitrag <i>u_i(y)</i>
f	1,0 Hz	1 ⋅ 10 ⁻⁹ Hz	Normal	1	1 ⋅ 10 ⁻⁹ Hz
δf_{Stab}	0	0 Hz	Rechteck	1	0 Hz
δf_{System}	0	$3 \cdot 10^{-6} \text{Hz} / \sqrt{3}$	Rechteck	1	1,7 · 10 ⁻⁶ Hz
δf_{Res}	0	$1 \cdot 10^{-6} \text{Hz} / \sqrt{3}$	Rechteck	1	0,6 · 10 ⁻⁶ Hz
f _{Strobo}	100,0 Hz				1,8 ⋅ 10 ⁻⁶ Hz

$$W_{rel}(f_{Strobo}) = 2 \frac{1.8 \cdot 10^{-6} Hz}{1 Hz} = 3.7 \cdot 10^{-6}$$

VIII.3.2 Kalibrierung von Drehzahlmessgeräten

Bei der Kalibrierung von Drehzahlmessgeräten wird üblicherweise ein Lichtimpulsgeber wie in XXIII.1 (Photodiode) verwendet. Alternativ wird mit einem Stroboskop, dessen Pulsfrequenz gleichzeitig über einen Fototransistor mitgemessen ("gemonitort") wird, das Messobjekt kalibriert. Erfolgt die Drehzahleinkopplung mechanisch, so erfordert diese Methode ebenfalls die laufende Drehzahlüberwachung nach dem o. g. Prinzip. Für die erweiterte Unsicherheit der so "simulierten" oder erzeugten Drehzahl $U_{f,Drehzahl}$ gilt dann

$$U_{f,\textit{Drehzahl}}\!=\!U_{f,\textit{Strobo}}$$

VIII.3.3 Kalibrierung von Drehzahlgebern

Drehzahlen von drehenden Wellen, Rührfischen o.dgl. können in direkter Messung über ein kalibriertes Drehzahlmessgerät z.B. KL15012, esz-ID: 002143 erfasst werden. Hier muss auf ausreichenden Kontrast beispielsweise zwischen der Welle und einem andersartig reflektierenden Marker geachtet werden, sodass das Drehzahlmessgerät den Wechsel aus hellen/dunklen Sektionen

Ausgabe:	erstellt	geprüft/genehmigt	Kapitel	Seite
DMS.41	von: PF am: 06.08.2018	von: s. DMS am: s. DMS	Qualitätsmanagementhandbuch - VIII Messgröße Frequenz	10



Qualitätsmanagement-Handbuch

detektieren kann. Soll die Drehzahl flügelartiger Körper erfasst werden, muss die Anzeige des Drehzahlmessgerätes durch die Anzahl der Rotorteile geteilt werden, z.B. bei einem Rotor mit zwei Blättern also durch Zwei. Die Messunsicherheit errechnet sich bestenfalls aus der Kalibrierunsicherheit bzw. aus Spezifikation und Kalibrierunsicherheit, wenn der Drehzahlmesser vor der Messung nicht nochmals eingemessen wird.

VIII.4 Kalibrierung von Uhren und Handzeitmessgeräten

Zur Kalibrierung von Uhren steht u.a. der Uhrenprüfstand Greiner Vibrograf B600 zur Verfügung. Das Gerät ermittelt akustisch oder elektromagnetisch die Gangabweichung von mechanischen oder elektrischen Quarzuhren über Mikrofon oder elektromagnetische Aufnehmer. Die Abweichung dieser Geräte kann durch Kalibrierung gegenüber der Zeit- und Frequenznormale des Labors ermittelt werden⁵. Die Ablesung erfolgt als Abweichung in Sekunden pro Tag bei einer kleinsten Auflösung von 0,01 s/Tag (bzw. s/d).

Modellgleichung

$$\Delta T = \Delta T_{\textit{gemessen}} \cdot K_{\textit{Zeitbasis}} \cdot K_{\textit{Auflösung}} \cdot K_{\textit{Wiederholung}} \cdot K_{\textit{Kalibrierung}}$$

mit

△T gesuchte Gangabweichung des Messobjektes

 $\Delta T_{gemessen}$ gemessene (abgelesene) Gangabweichung am Normal. Eine einzelne

Messung erfolgt etwa über das Intervall von einer Minute.

K_{Zeitbasis} Korrektion bedingt durch die eigene Zeitbasisabweichung des Normals

vom Referenzwert. Aus den Re-Kalibrierungen ist bekannt, dass das Gerät mit maximalen Abweichungen und Driften <1·10⁻⁶ während eines Kalibrierintervalls arbeitet. Wird die Abweichung gegenüber der Normalfrequenz ermittelt und korrigiert liegt die Zeitbasisunsicherheit

nur noch im Rahmen der externen Normalfrequenz (vgl. VIII.2.1)

 $K_{Auflösung}$ die beste Auflösung beträgt 0,01 s/Tag (1,1 ·10⁻⁷)

 $K_{Wiederholung}$ Bei mechanischen Uhren empfiehlt es sich eine Mittelung über mehrere

Messungen durchzuführen. Gute elektrische Quarzuhren erlauben eine Wiederholbarkeit besser als 0,01 s/Tag bis 0,05 s/Tag (6·10⁻⁷). Dieses Intervall als maximale Grenze einer Rechteckverteilung muss erst bei der Messung selbst (Mehrfachmesswert), jedoch nicht bei der Ermittlung der kleinsten angebbaren Unsicherheit berücksichtigt

werden.

K_{Kalibrierung} Korrektion bedingt durch die Unsicherheit der Kalibrierung und

Rückführung, die deutlich besser 1,0·10⁻⁸ realisiert werden kann

⁵ http://dmsserver/technik/Arbeitsanweisungen/AA0181-Kalibrierumfang-esz-Zeitwaagen.docx

Ausgabe:	erstellt	geprüft/genehmigt	Kapitel	Seite
DMS.41	von: PF am: 06.08.2018	von: s. DMS am: s. DMS	Qualitätsmanagementhandbuch - VIII Messgröße Frequenz	11



Qualitätsmanagement-Handbuch

Tabellarische Darstellung der Messunsicherheitsbilanz:

Größe	Schätzwert	Halbbreite	Verteilung	Unsicherheit	Sensitivität skoeffizient	Unsicherheitsbeitrag
X_i	X _i	а		w(x _i)	C _i ⁶	$w_i(y)$
ΔT	$\Delta T_{gemessen}$					
K _{Zeitbasis}	1	2·10 ⁻¹²	Normal	$\frac{2 \cdot 10^{-12}}{2}$	1	1,0·10 ⁻¹²
$K_{Auflösung}$	1	1,1·10 ⁻⁷	Rechteck	$\frac{1\cdot 10^{-7}}{\sqrt{3}}$	1	0,64·10 ⁻⁷
ΔΤ	Standardunsicherheit		rheit	$w(y) = \sqrt{\sum_{i=1}^{N} c_i^2 w_i^2(y)}$		0,64·10 ⁻⁷
	rel. erweiterte Messunsicherheit (k=2)			$W(y) = k \cdot w$	(y)	1,3·10 ⁻⁷ 0,011 s/d

VIII.5 Ergebnistabellen

Weitere Zahlenwerte und Berechnungen für die einzelnen Messgrößen und Normale sind z. B. den Tabellen

- http://dmsserver/technik/Messunsicherheiten/QMH-Tabellen/Messunsicherheiten-Tabelle-VIII-Frequenz.xlsx
- http://dmsserver/technik/Messunsicherheiten/QMH-Tabellen/Messunsicherheiten-Tabelle-IX-Kalibrieren-von-und-mit-Oszilloskopen.xls

zu entnehmen, die (kleinsten) Ergebnisse sind im Leistungsnachweis aufgeführt.

 $^{6} c_{i} = \frac{\partial Y}{\partial X_{i}}$

Ausgabe:	erstellt	geprüft/genehmigt	Kapitel	Seite
DMS.41	von: PF am: 06.08.2018	von: s. DMS am: s. DMS	Qualitätsmanagementhandbuch - VIII Messgröße Frequenz	12



Qualitätsmanagement-Handbuch



© esz AG, 2018

Dieses Werk ist unter einer Creative Commons Lizenz vom Typ Namensnennung - Nicht-kommerziell - Weitergabe unter gleichen Bedingungen 4.0 International zugänglich. Um eine Kopie dieser Lizenz einzusehen, konsultieren Sie http://creativecommons.org/licenses/by-nc-sa/4.0/ oder wenden Sie sich brieflich an Creative Commons, Postfach 1866, Mountain View, California, 94042, USA.

Ausgabe:	erstellt	geprüft/genehmigt	Kapitel	Seite
DMS.41	von: PF am: 06.08.2018	von: s. DMS am: s. DMS	Qualitätsmanagementhandbuch - VIII Messgröße Frequenz	13